



Universidad  
Carlos III de Madrid  
[www.uc3m.es](http://www.uc3m.es)

# Sesión 19

## Respuesta en Frecuencia de Amplificadores con Transistores

Componentes y Circuitos Electrónicos

Pablo Acedo

[www.uc3m.es/portal/page/portal/dpto\\_tecnologia\\_electronica/Personal/PabloAcedo](http://www.uc3m.es/portal/page/portal/dpto_tecnologia_electronica/Personal/PabloAcedo)

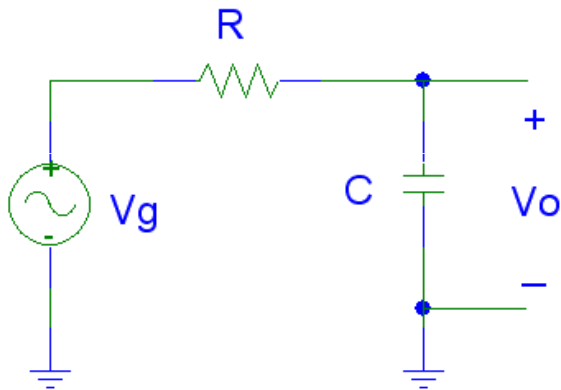
# Respuesta en Frecuencia de Amplificadores con Transistores

## CONTENIDOS

- Fundamentos y las herramientas utilizadas en el análisis en frecuencia de circuitos amplificadores con transistores.
- Modelo en pequeña señal en alta frecuencias para BJT y FET.
- Análisis en alta frecuencia de circuitos amplificadores. Método de las constantes de tiempo en Circuito Abierto. Ejemplos.
- Análisis en baja frecuencia de circuitos amplificadores. Método de las constantes de tiempo en Cortocircuito. Ejemplo.

# Fundamentos

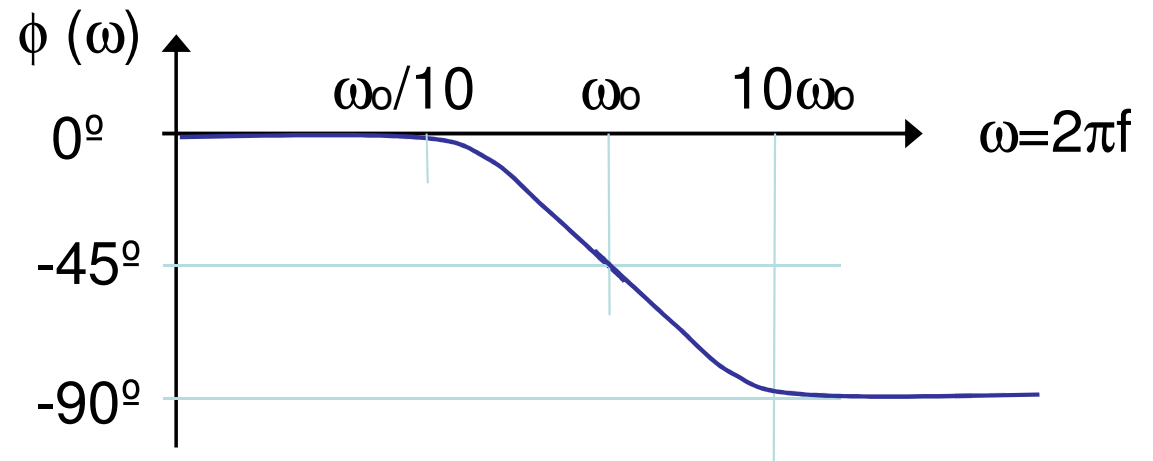
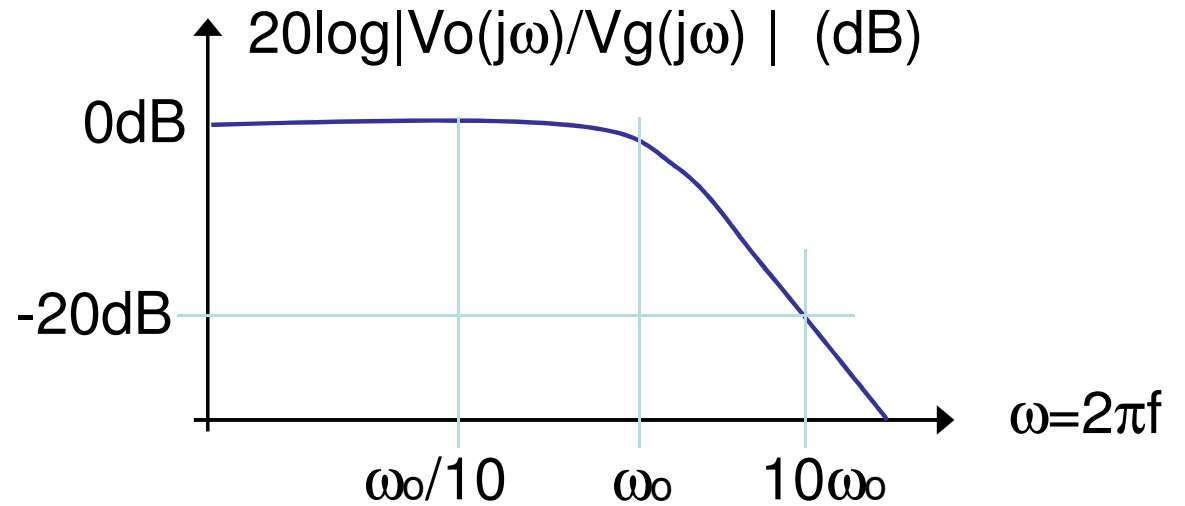
## Circuito RC Paso Bajo



$$T(s) = \frac{V_o}{V_g} = \frac{1}{1 + (s/\omega_0)}$$

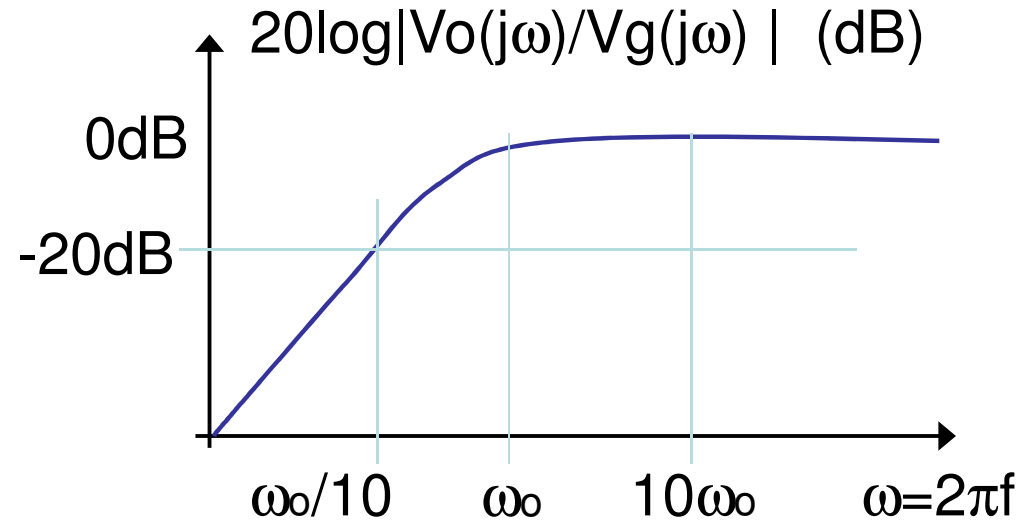
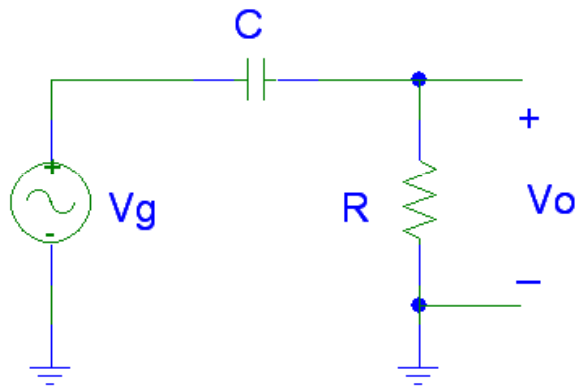
$$|T(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega/\omega_0)^2}}$$

$$\phi(\omega) = -\tan^{-1}(\omega/\omega_0)$$



# Fundamentos

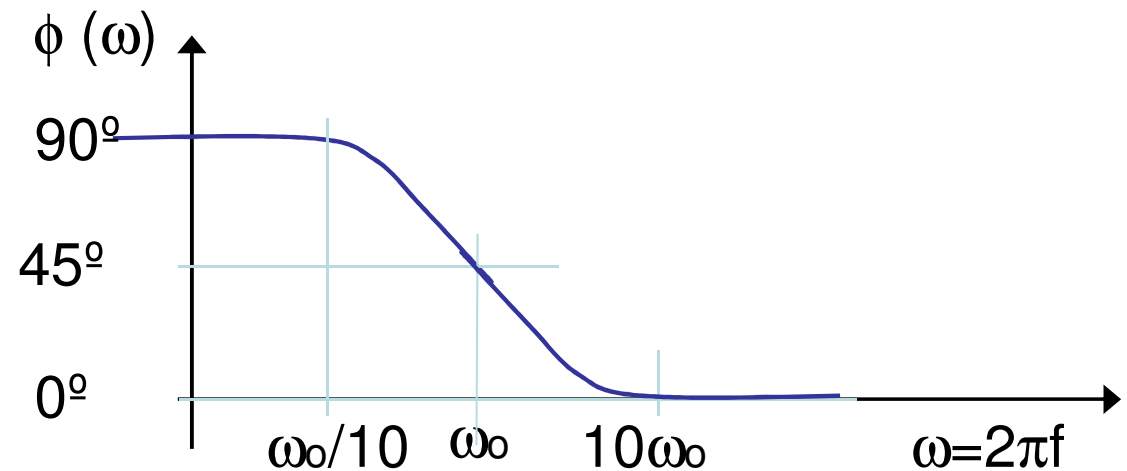
## Circuito RC Paso Alto



$$T(s) = \frac{V_o}{V_g} = \frac{s}{s + \omega_0}$$

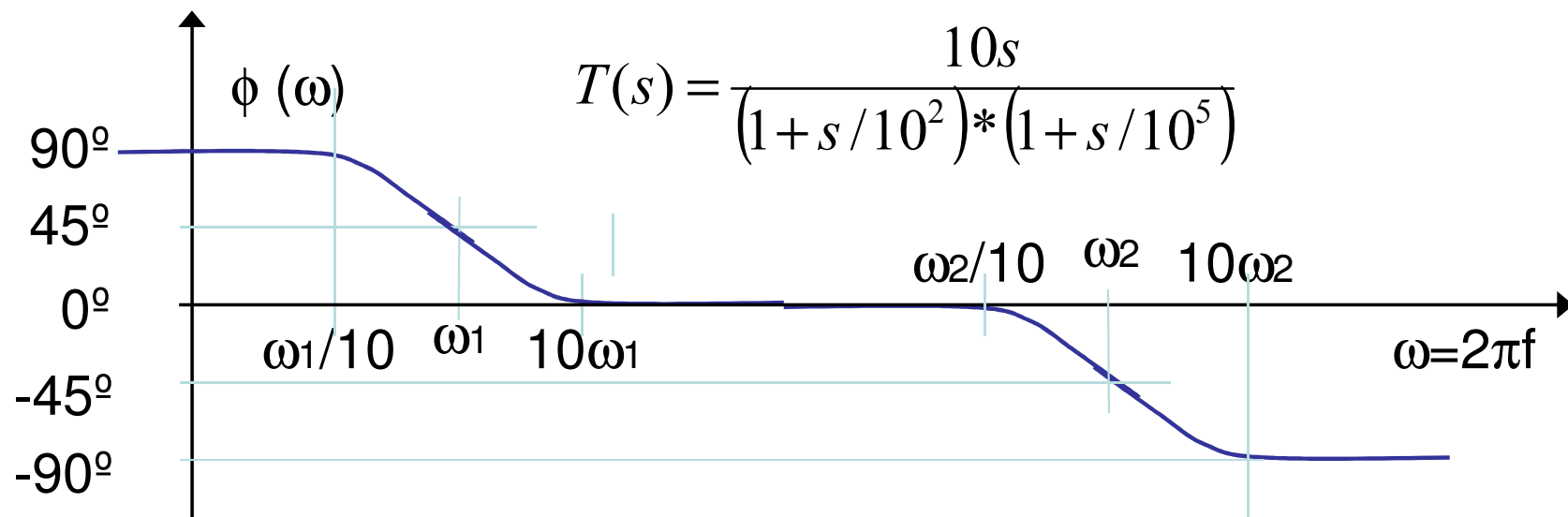
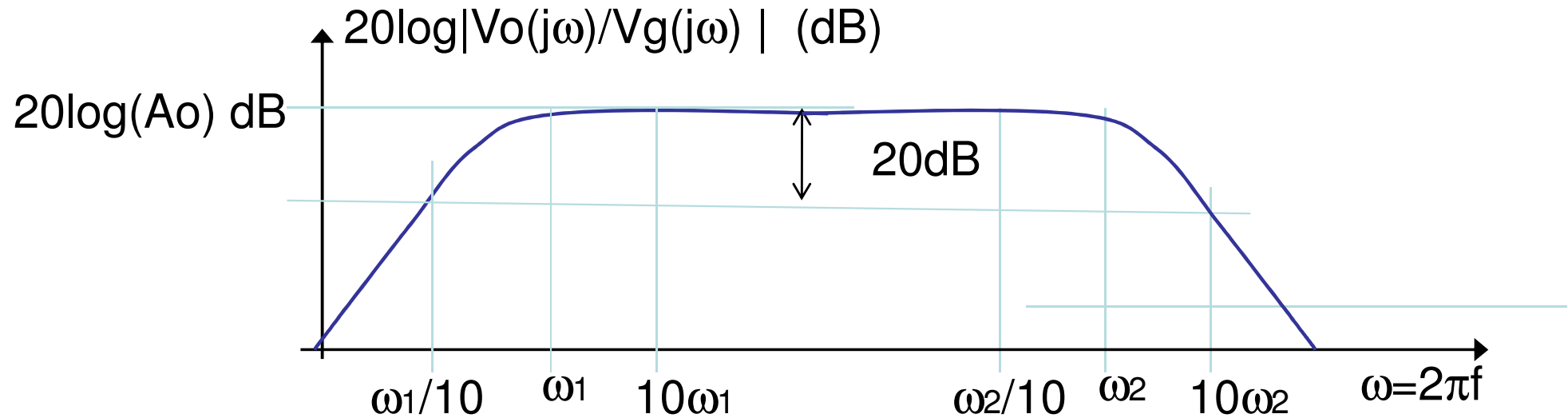
$$|T(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega_0 / \omega)^2}}$$

$$\phi(\omega) = \tan^{-1}(\omega_0 / \omega)$$

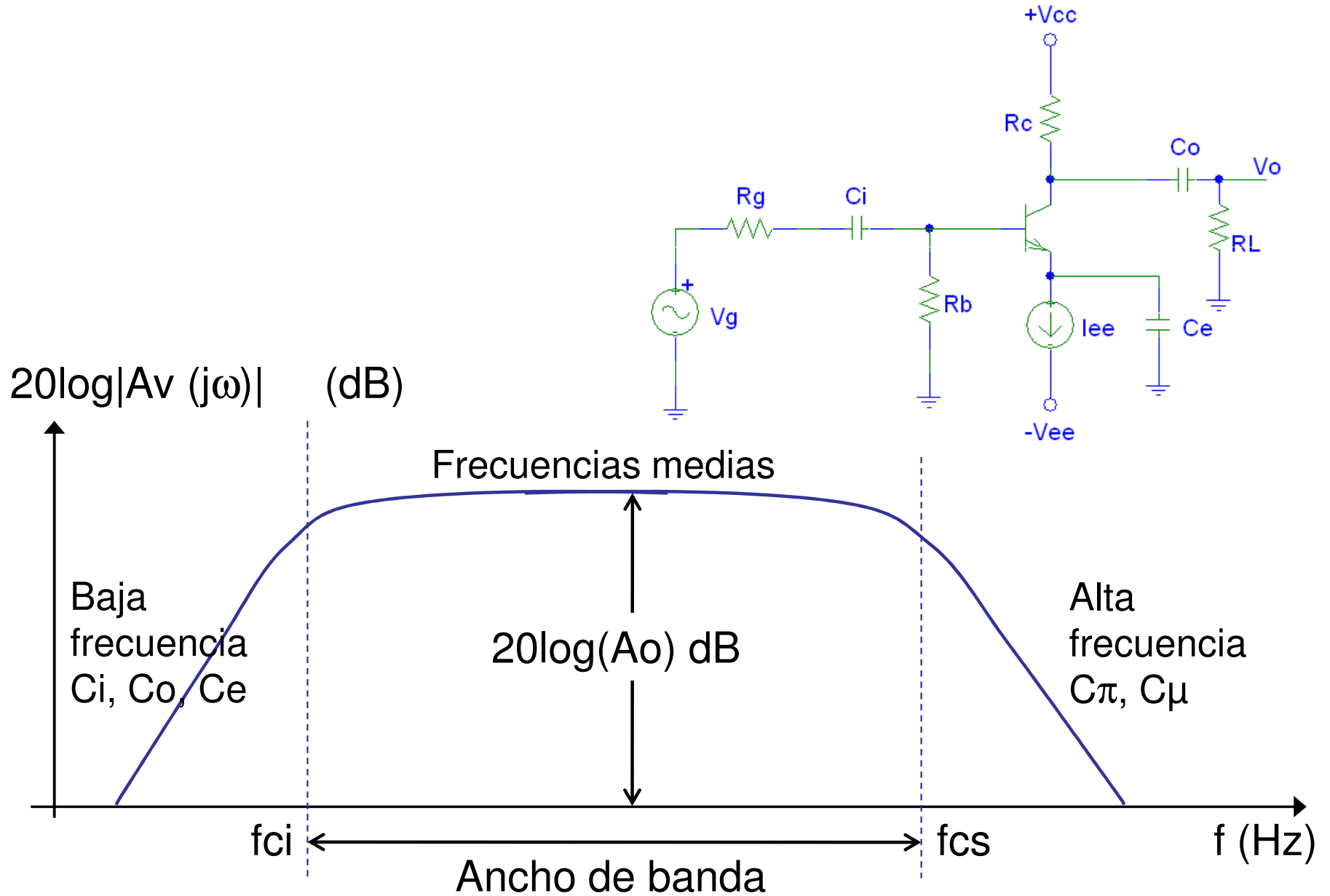


# Fundamentos

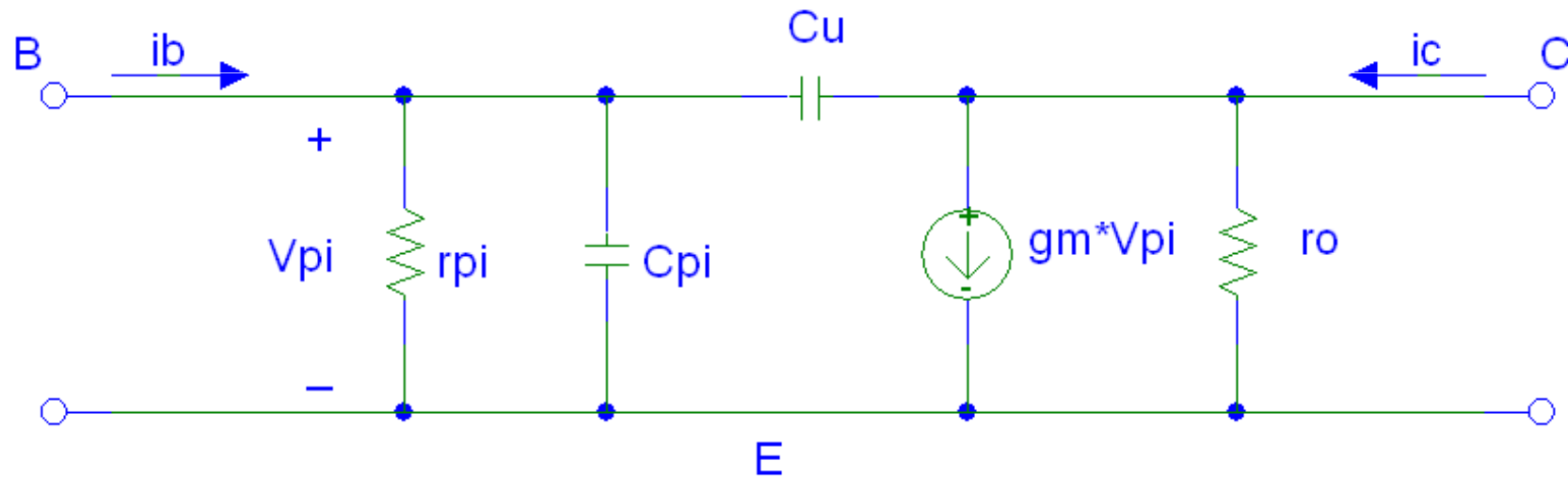
## Diagrama de Bode (Amplitud y Fase)



# Funadamentos: Tres Bandas de Frecuencia



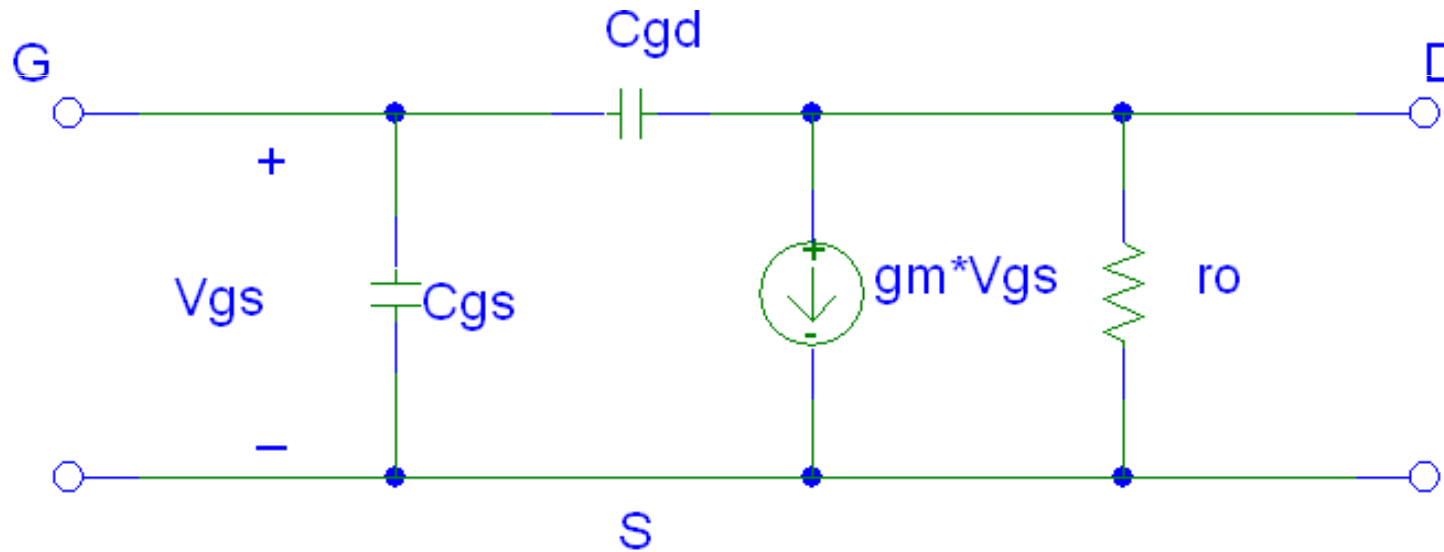
# Modelo en Pequeña Señal en Alta Frecuencia BJT



Frecuencia de  
Transición

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi(C_{\pi} + C_{\mu})}$$

# Modelo en Pequeña Señal en Alta Frecuencia FET



Frecuencia de  
Transición

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi(C_{gs} + C_{gd})}$$



# Análisis en alta frecuencia de circuitos amplificadores.

- La Respuesta en alta frecuencia de circuitos con transistores está fijada por los condensadores internos y las constantes de tiempo asociadas.
- En general, se hará la suposición de que la respuesta en frecuencia viene fijada por un POLO DOMINANTE. De esta manera, el análisis en alta frecuencia se reduce al cálculo de la frecuencia de corte superior asociada a este polo dominante.
- El cálculo del polo dominante se realizará aplicando el MÉTODO DE LAS CONSTANTES DE TIEMPO EN CIRCUITO ABIERTO.

# Método de las Constantes de Tiempo en Circuito Abierto.

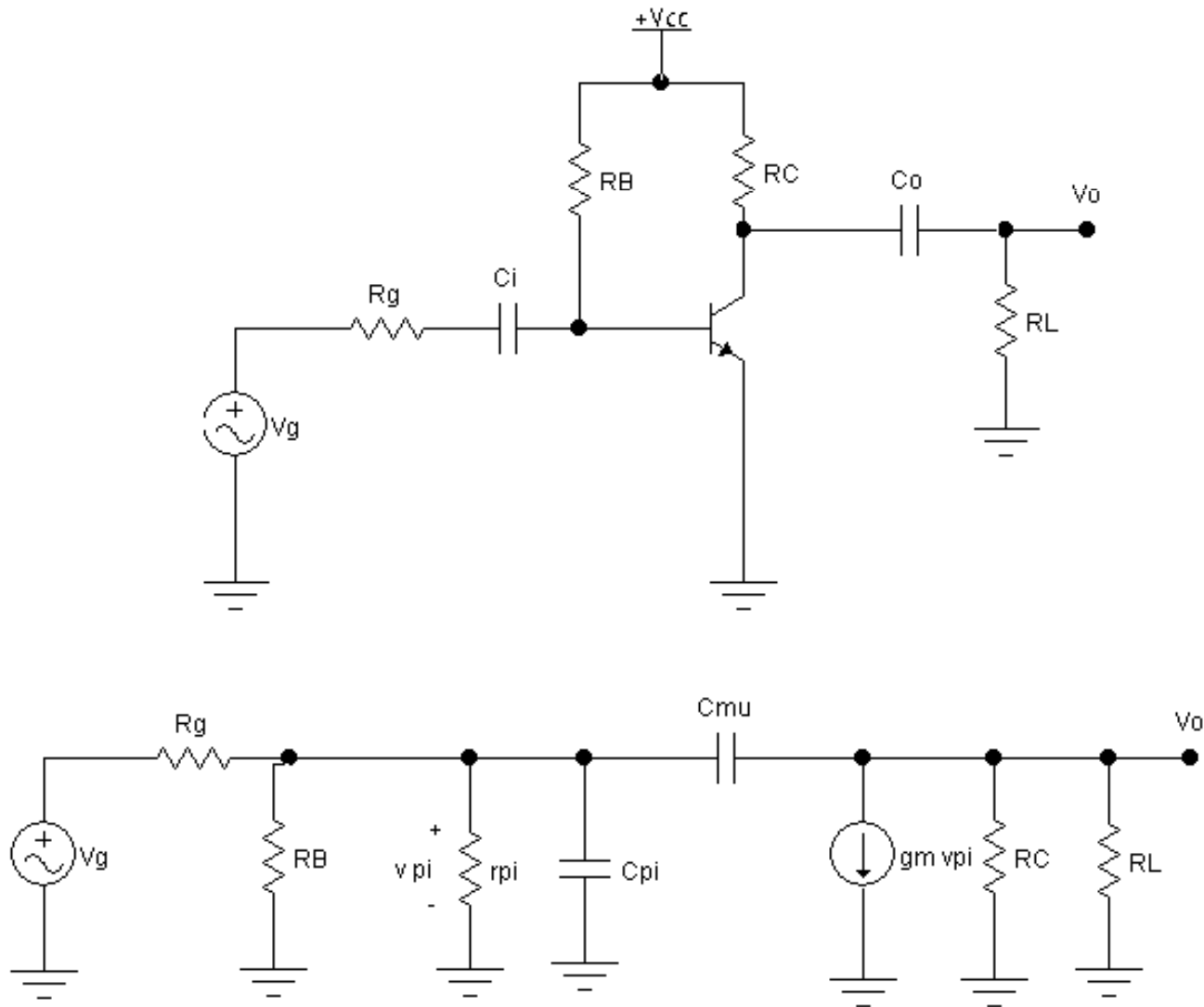
$$f_{cs} (3dB) = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{\sum_i R_i^0 C_i}$$

Donde:

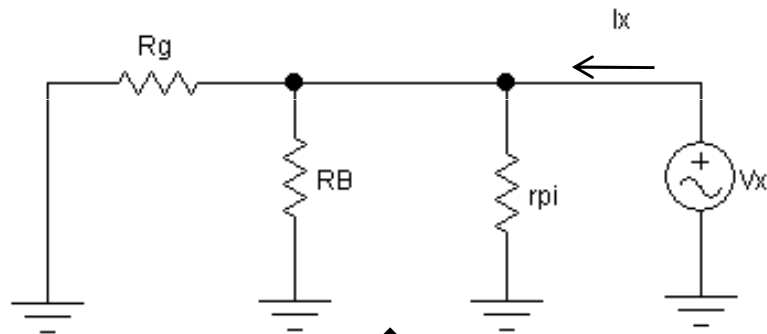
$C_i$  son cada uno de los condensadores que actúan en alta frecuencia: Condensadores intrínsecos a los dispositivos (circuito equivalente), o condensadores pequeños de característica paso-bajo introducidos para controlar la respuesta en frecuencia del circuito.

$R_i^0$  es la impedancia que ve cada uno de los condensadores con el resto EN CIRCUITO ABIERTO

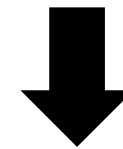
# Método de las Constantes de Tiempo en Circuito Abierto. EJEMPLO (I)



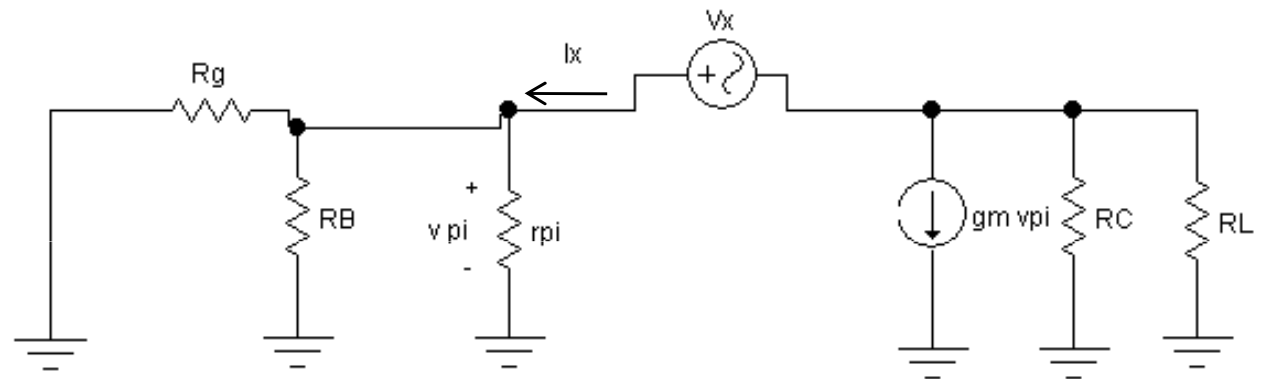
# Método de las Constantes de Tiempo en Circuito Abierto. EJEMPLO (II)



$$R_{\mu}^0 = R_B \parallel r_{\pi} \parallel R_g (1 + g_m R_C \parallel R_L) + R_C \parallel R_L$$

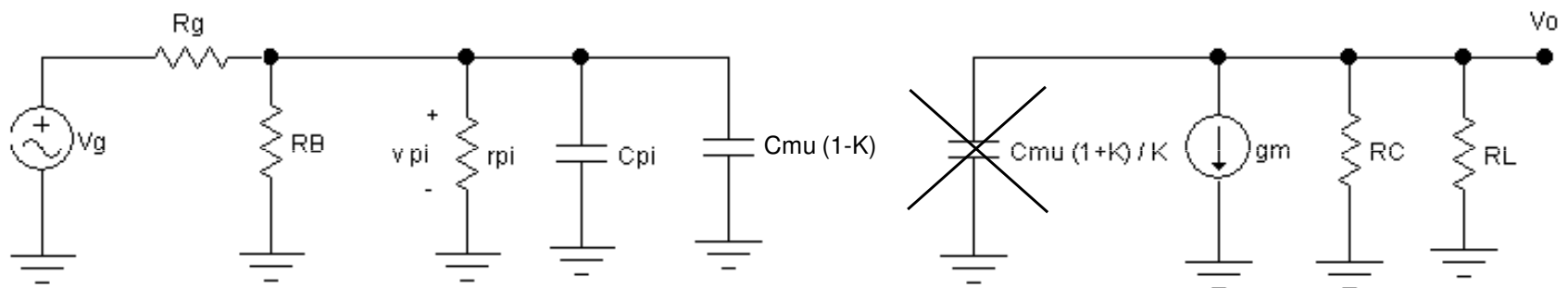
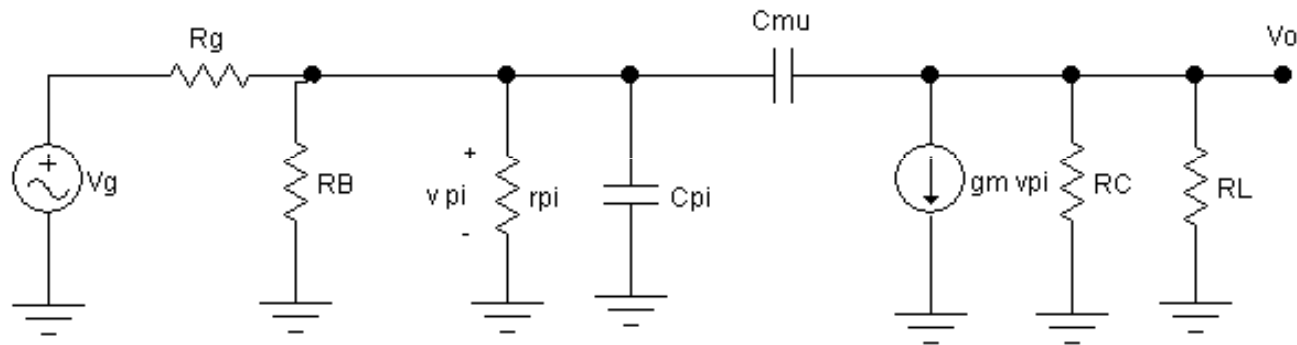


$$R_{\pi}^0 = R_B \parallel r_{\pi} \parallel R_g$$



$$f_{cs} = \frac{1}{2\pi C_{\pi} (r_{\pi} \parallel R_B \parallel R_g) + C_{\mu} (R_B \parallel r_{\pi} \parallel R_g (1 + g_m R_C \parallel R_L) + (R_C \parallel R_L))}$$

# Teorema de Miller. Ejemplo (I)



$$K = -g_m R_C // R_L$$

# Teorema de Miller. Ejemplo (II)

## Comparación con Polo Dominante

$$f_{csM} = \frac{1}{2\pi (r_{\pi} // R_B // R_g)} \frac{1}{[C_{\pi} + C_{\mu}(1 + g_m R_C // R_L)]}$$

$$f_{cs} = \frac{1}{2\pi C_{\pi} (r_{\pi} // R_B // R_g) + C_{\mu} (R_B // r_{\pi} // R_g (1 + g_m R_C // R_L) - R_C // R_L)}$$

# Análisis en baja frecuencia de circuitos amplificadores.

- La Respuesta en baja frecuencia de circuitos con transistores está fijada por los condensadores de acoplo y las constantes de tiempo asociadas.
- En general, se hará la suposición de que la respuesta en frecuencia viene fijada por un POLO DOMINANTE. De esta manera, el análisis en baja frecuencia se reduce al cálculo de la frecuencia de corte inferior asociada a este polo dominante.
- El cálculo del polo dominante se realizará aplicando el MÉTODO DE LAS CONSTANTES DE TIEMPO EN CORTOCIRCUITO.

# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito.

$$f_{ci} (3dB) = \frac{1}{2\pi} \sum_i \frac{1}{R_i^\infty C_i}$$

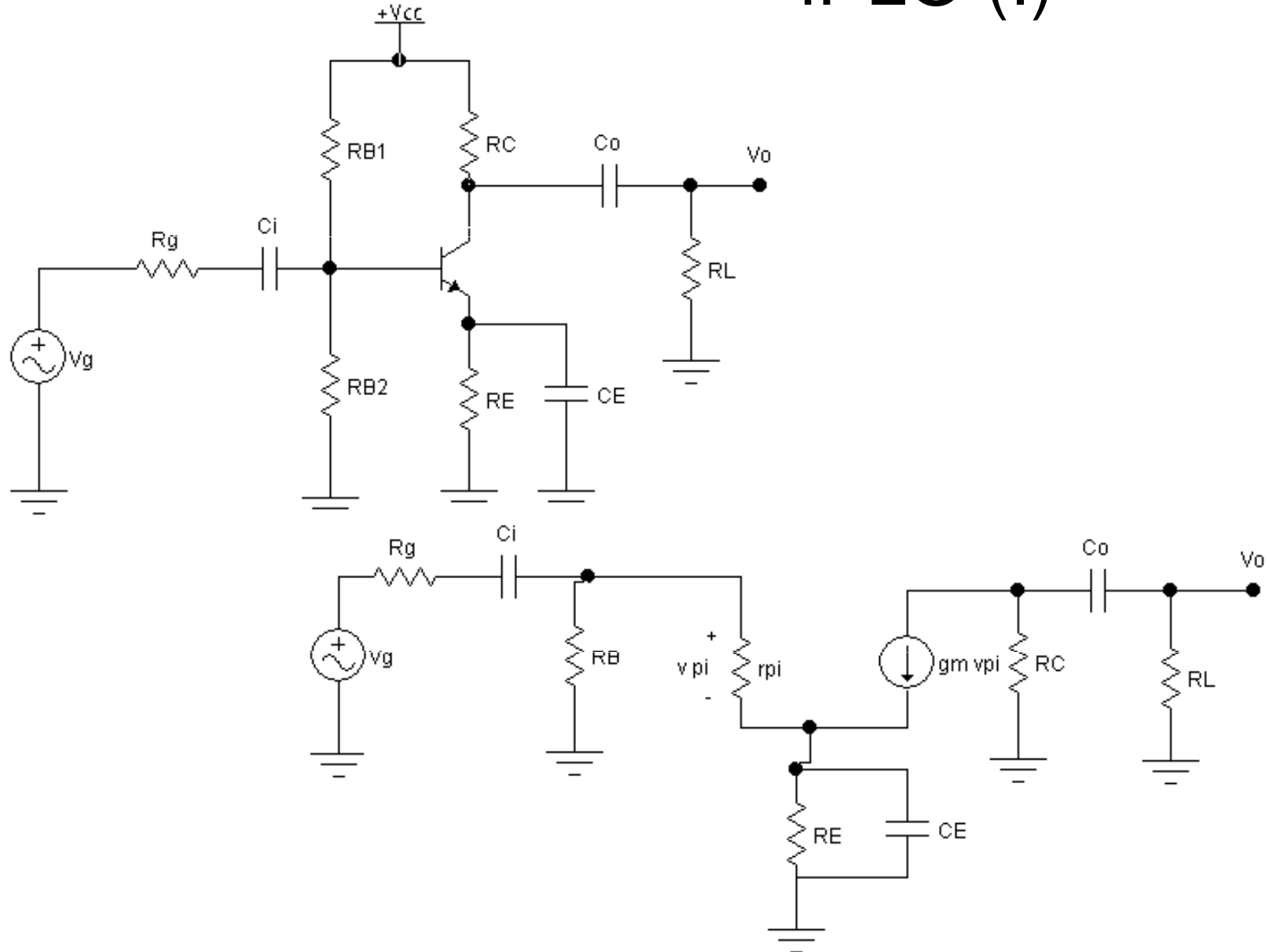
Donde:

$C_i$  son cada uno de los condensadores DE ACOPLLO presentes en el circuito.

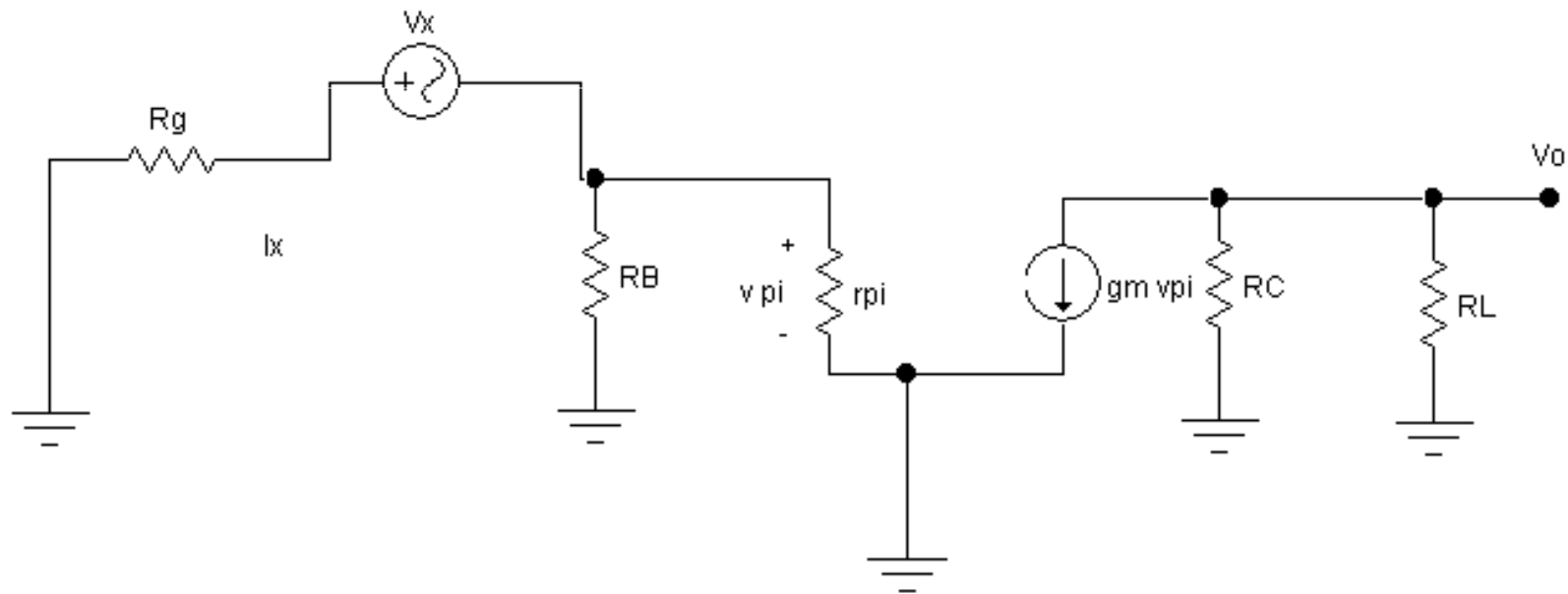
$R_i^\infty$  es la impedancia que ve cada uno de los condensadores con el resto EN CORTOCIRCUITO



# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito F.I.F.M.P.L.O (I)

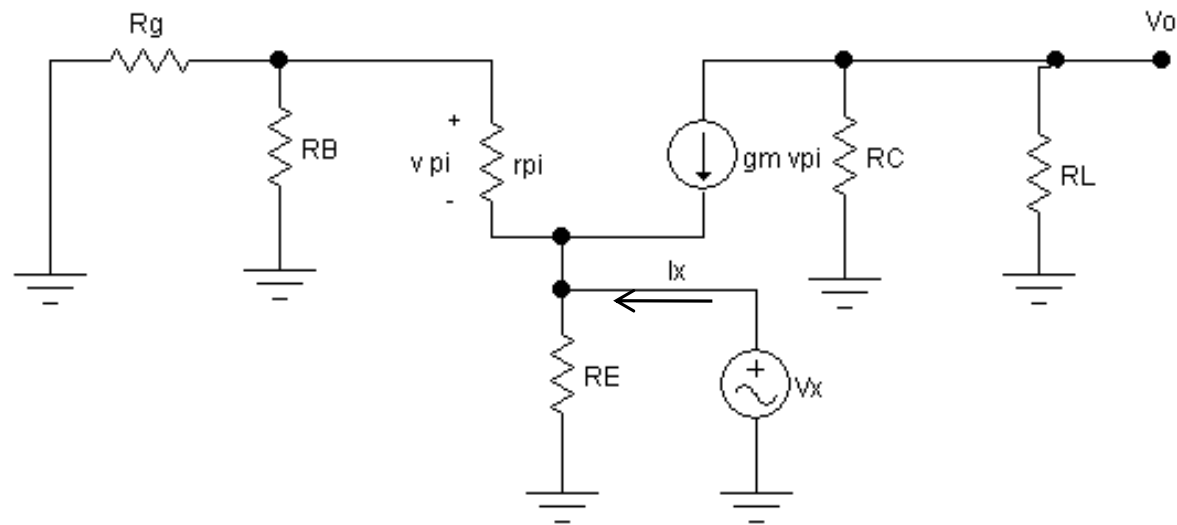


# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito. EJEMPLO (II)



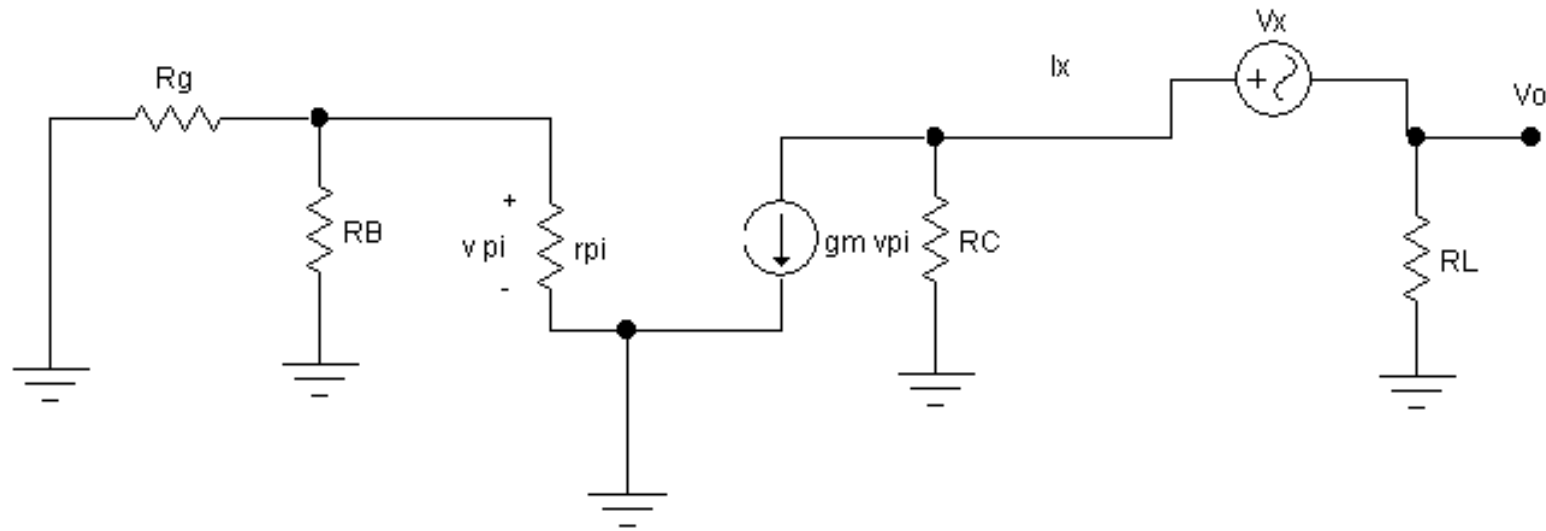
$$R_{Ci}^{\infty} = R_g + R_B // r_{\pi}$$

# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito. EJEMPLO (III)



$$R_E^\infty = R_E \parallel \frac{r_\pi + (R_g \parallel R_B)}{1 + \beta_0}$$

# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito. EJEMPLO (IV)

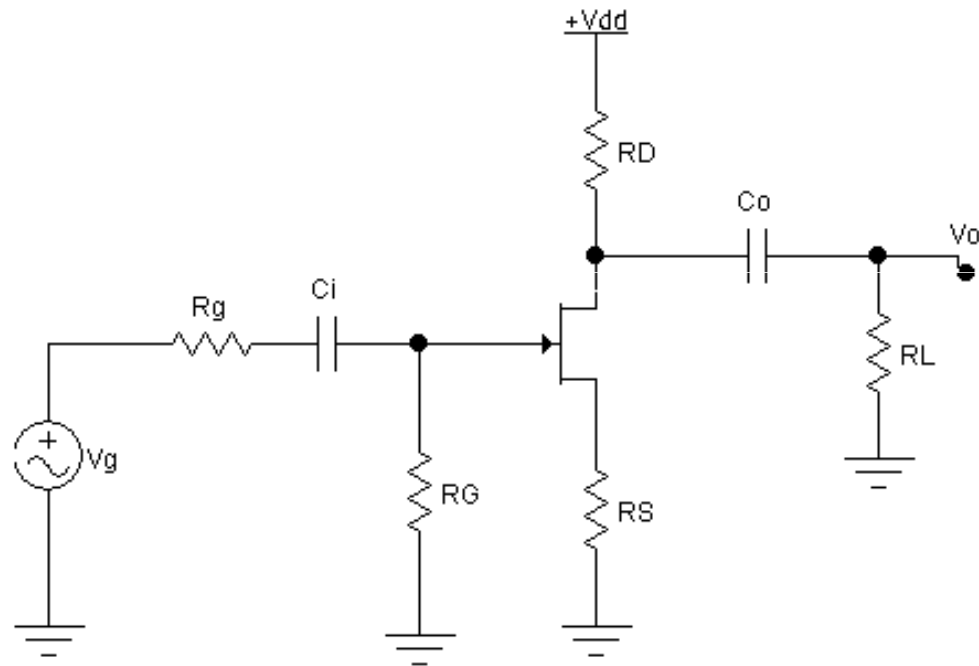


$$R_{C0}^{\infty} = R_C + R_L$$

# Método de las Constantes de Tiempo en Cortocircuito. EJEMPLO (V)

$$f_{ci} = \frac{1}{2\pi} \left[ \frac{1}{C_i(R_g + R_B // r_\pi)} + \frac{1}{C_E \left( R_E // \frac{r_\pi + (R_g // R_B)}{1 + \beta_0} \right)} + \frac{1}{C_o(R_C + R_L)} \right]$$

# Ejercicio Propuesto



$$+V_{DD} = 15 \text{ V}$$

$$R_S = 560 \Omega$$

$$R_G = 1 \text{ M}\Omega$$

$$R_g = 50 \Omega$$

$$R_D = 5,6 \text{ K}\Omega$$

$$R_L = 10 \text{ K}\Omega$$

$$C_i = 10 \mu\text{F}$$

$$C_o = 10 \mu\text{F}$$

**Transistor:**

$$I_{DSS} = 10 \text{ mA}$$

$$V_P = -2 \text{ V}$$

$$C_{gd} = 0.36 \text{ pF}$$

$$C_{gs} = 1 \text{ pF}$$

$$I_D = I_{DSS} \cdot (1 - V_{GS}/V_P)^2$$