## Universidad Carlos III de Madrid

## Escuela Politécnica Superior

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS

Curso 0. Matemáticas básicas para la Ingeniería.

CONTROL 1

1 de septiembre de 2010.

Nombre y Apellidos:  $\_$ 

\_ Grupo:\_\_\_\_\_

**Problema 1.** Escribe las siguientes funciones cuadráticas en forma estándar. Haz un esbozo de la gráfica identificando el vértice y las intersecciones con el eje x.

i) 
$$f(x) = x^2 + 8x + 10$$
,

iii) 
$$h(x) = x^2 - 6x + 1$$
,

ii) 
$$q(x) = 4x^2 + 4x + 13$$
,

iv) 
$$l(x) = 3 + 4x - x^2$$
.

**Problema 2.** El ingreso total, R obtenido por producir una caja de velas de regalo está dado por

$$R(p) = -10p^2 + 800p,$$

donde p es el precio por unidad.

- i) ¿Qué ingreso se obtiene si el precio por caja es de 20\$?
- ii) Determina el precio unitario que produce un ingreso máximo.

**Problema 3.** Utiliza el algoritmo de la división para simplificar los siguientes cocientes:

i) 
$$\frac{24x^2 - x - 8}{3x - 2}$$

iii) 
$$\frac{5x^3 - 13x^2 - x + 2}{x^2 - 3x + 1}$$

ii) 
$$\frac{4x+7}{3x-2}$$

iv) 
$$\frac{3x^4}{x^2 - 1}$$

**Problema 4.** Dadas las siguientes funciones y factores

Función

Factor

$$f(x) = x^3 + 4x^2 - 25x - 28$$

$$(x - 4)$$

$$f(x) = x^4 - 4x^3 - 7x^2 + 22x + 24$$

$$(x+2)(x-3)$$

- i) Verifica que las expresiones dadas son factores de la función f.
- ii) Encuentra los factores restantes de f.
- iii) Haz una lista de todos los ceros reales de f.

**Problema 5.** Resuelve las siguientes desigualdades:

i) 
$$6x^2 + 5x < 4$$
,

iii) 
$$x^3 - 16x > 0$$
,

ii) 
$$\frac{2}{x+1} < \frac{3}{x-1}$$
,

iv) 
$$\frac{x^2 + 7x + 12}{x} \ge 0$$