#### Tema 11

## Esquemas de firma digital

#### CURSO CRIPTOGRAFÍA Y SEGURIDAD INFORMÁTICA

Ana I. González-Tablas Ferreres

José M. de Fuentes García-Romero de Tejada

Lorena González Manzano

Pablo Martín González

uc3m Universidad Carlos III de Madrid





#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



### Esquemas de firma digital

- [Ribagorda:1997] (ISO-7498-2)
  - Datos añadidos a un conjunto de datos, o transformación de éstos, que permite al receptor probar el origen e integridad del conjunto de datos recibidos, así como protegerlos contra falsificaciones; por ejemplo, del propio receptor.
- [NIST SP 800-57 Pt. 1 Rev. 4:2016]
  - El resultado de una transformación criptográfica de datos que, si se aplica correctamente, según la infraestructura y políticas, proporciona los servicios de:
    - Autenticación del origen,
    - Integridad de los datos, y
    - No repudio del firmante





### Esquemas de firma digital

- Concepto introducido por Diffie y Hellman en 1976
- Analogía electrónica de la firma manual
- Propiedades de una firma manual:
  - Fácil y barata de producir
  - Fácil de reconocer
  - Imposible de rechazar por el propietario
  - Infalsificable (teóricamente)
- La firma digital debería cumplir las mismas propiedades, pero:
  - No puede ser siempre la misma ya que sería fácilmente falsificable



## Esquemas de firma digital. Propiedades de seguridad

- Autentica indubitablemente al signatario de una información
- Garantiza la integridad del mensaje recibido al imposibilitar su modificación fraudulenta
- Garantiza el no repudio (del firmante): medio de prueba en la resolución de disputas

NO asegura la confidencialidad



# Esquema de firma digital. Componentes

- Un esquema de firma digital comporta tres partes:
  - Algoritmo de generación de claves G
  - Algoritmo de firma S
  - Algoritmo de verificación de la firma V



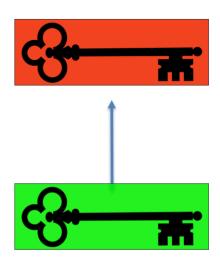
## Esquemas de firma digital

#### Emplea <u>pares</u> de claves:

- clave privada
  - Conocida sólo por el propietario
  - Usada para firmar por el Firmante

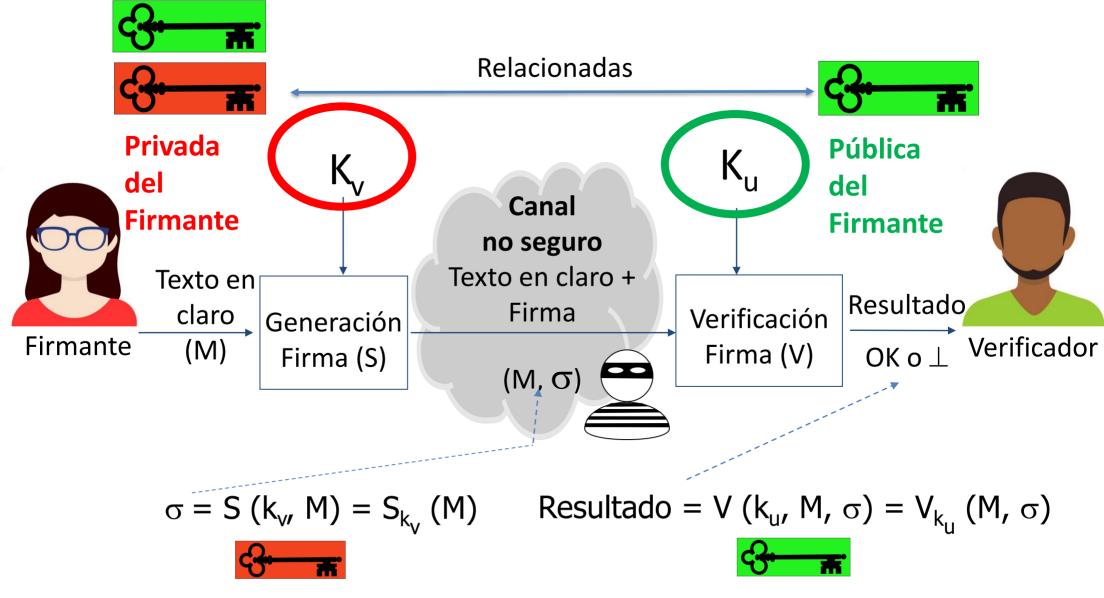


- Conocida por todos
- El Verificador usa la clave pública del Firmante para verificar las firmas emitidas por éste (el Firmante)





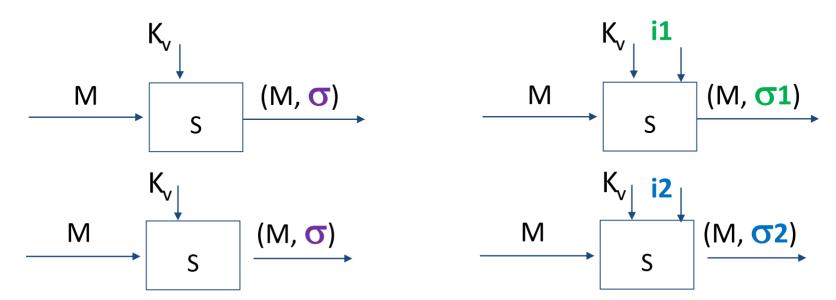
#### Esquemas de firma digital





#### Esquema de firma digital. Determinista vs Aleatorio

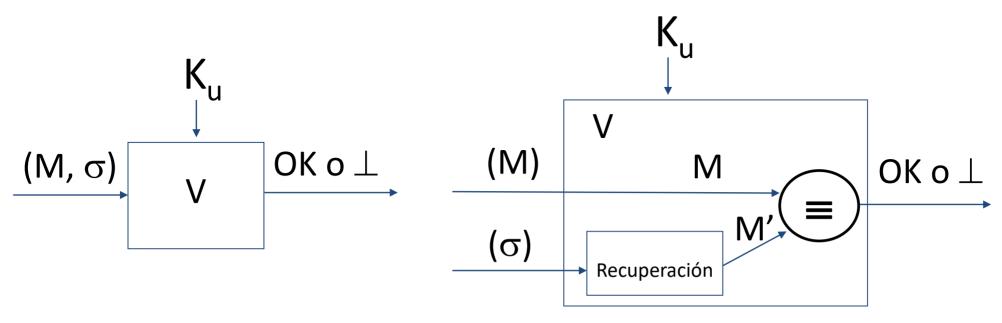
- El esquema de firma puede ser:
  - Determinista: Dos firmas del mismo mensaje producen el mismo resultado (por ejemplo, las firmas basadas en el algoritmo RSA)
  - Aleatorio: Las firmas de un mismo mensaje dependen de un conjunto de índices (por ejemplo, las basadas en el algoritmo El Gamal)





## Esquema de firma digital. Con apéndice vs Recuperación del mensaje

- El esquema de firma puede ser:
  - Con apéndice o separada del mensaje: La firma se vuelca en un apéndice (e.g., firmas basadas en el algoritmo El Gamal)
  - Con recuperación del mensaje: La firma está integrada en el propio mensaje transformado (e.g., firmas basadas en el algoritmo RSA)



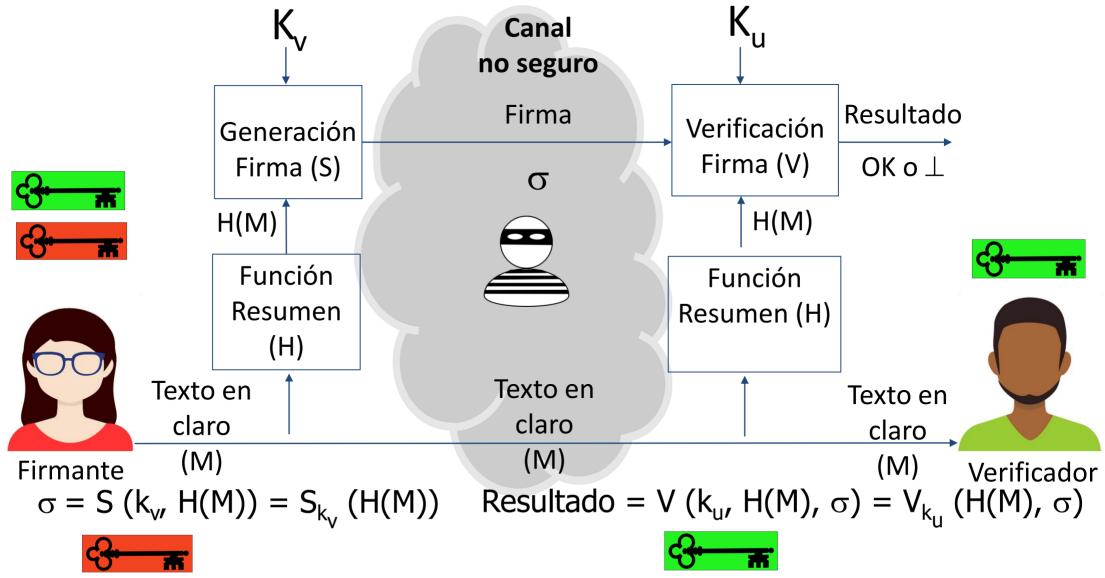


# Esquemas de firma digital. Paradigma "resume y firma"

- En general se aplica primero una función resumen al mensaje antes de firmar
  - Por eficiencia, sobre todo si se debe firmar mensajes muy largos
  - Por seguridad, en esquemas basados tanto en El Gamal como en RSA
- En verificación, se debe también aplicar la función resumen sobre el mensaje antes de verificar



## Esquemas de firma digital. Paradigma "resume y firma"



#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



- Esquema de firma
  - Determinista
  - Con recuperación del mensaje
- Seguridad basada en la factorización de los números enteros
  - Se recomiendan los mismos tamaños de clave que para el cifrado



#### Generación del par de claves por A

- A elige  $p_A$ ,  $q_A$  (primos muy grandes, no públicos)



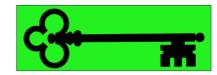
- A calcula 
$$\phi(n_A) = \phi(p_A) \cdot \phi(q_A)$$

- A escoge  $e_A \in Z+/m.c.d. (e_A, \phi(n_A))=1$ 

- A calcula  $d_A / e_A \cdot d_A = 1$  mód.  $\phi(n_A)$ 



• Clave pública de A:  $k_{U,A} = (e_A, n_A)$ 

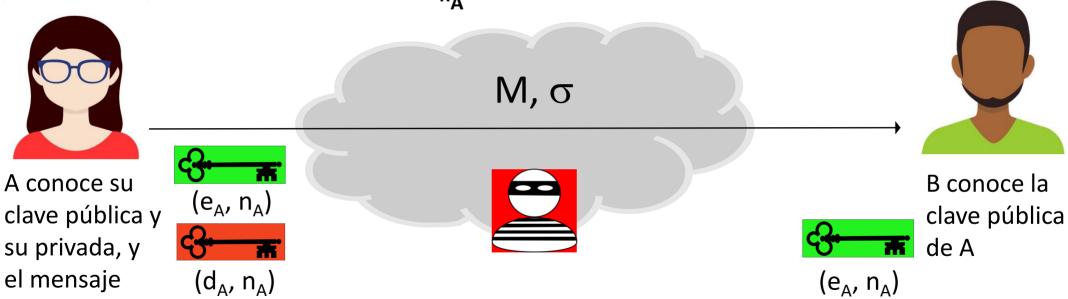


• Clave privada de A:  $k_{VA} = (d_A, n_A)$ 





Envío de un mensaje M ∈Z<sub>nA</sub> firmado por A para B (parte 1)

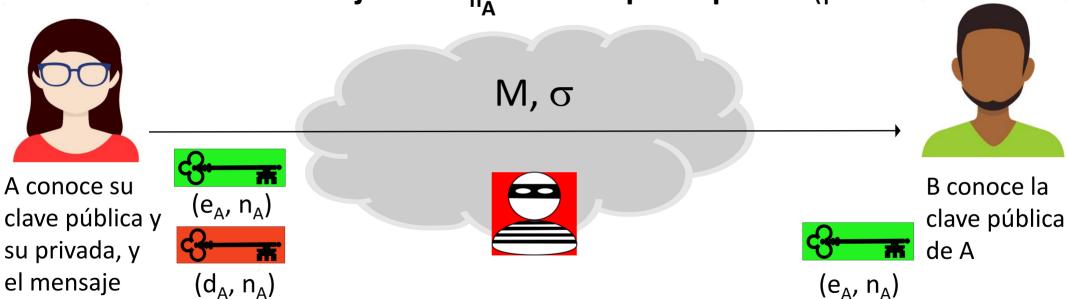


A obtiene la firma sobre M usando  $(d_A, n_A)$ , su clave privada, y envía a B el mensaje M y la firma  $\sigma$ 

$$(M, \sigma = M^{d_A} \mod n_A)$$



Envío de un mensaje  $M \in Z_{n_A}$  firmado por A para B (parte 1)



B verifica la firma sobre M usando  $(e_A, n_A)$ , la clave pública de A, y acepta el mensaje firmado solo si el resultado es OK

$$M' = \sigma^{e_A} \mod n_A;$$

$$M' = \sigma^{e_A} \mod n_A$$
; si  $M' \equiv M \rightarrow OK$ , si no,  $\perp$ 





#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



- Esquema de firma
  - Aleatorio
  - Con apéndice
- Seguridad basada en el cálculo del logaritmo discreto
  - Se recomiendan los mismos tamaños de clave que para el cifrado
- Habitualmente no se usa el esquema de El Gamal, si no esquemas derivados de una variante estandarizada de El Gamal, conocida como DSA (Digital Signature Algorithm)



#### Generación del par de claves por A

- A elige  $p_A$ , primo muy grande

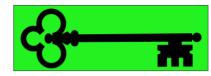
- A elige  $g_A$ , generador de grupo cíclico G de orden  $p_A$ 

- A elige  $x_A$ , clave privada de A |  $1 < x_A < p_A - 1$ 

- A calcula  $y_A$ , clave pública de B  $(y_A = g^{x_A} \mod p_A)$ 



• Clave privada de A:  $k_{V,A} = (x_A)$ 

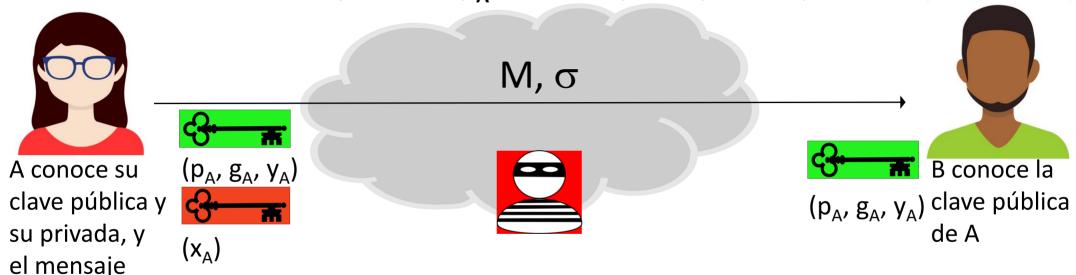


• Clave pública de A:  $k_{U,A} = (p_A, g_A, y_A)$ 





• Envío de un mensaje  $M \in G(p_{\Delta})$  firmado por A para B (parte 1)



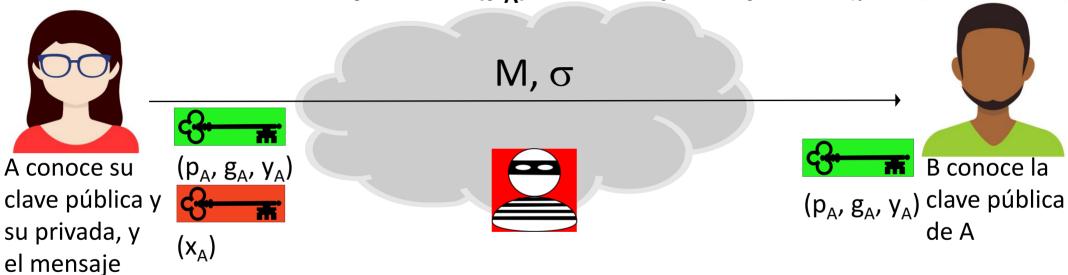
A elige una clave temporal  $k_s \mid 0 < k_s < p_A$  y calcula  $\mathbf{r} = g^{k_s}$  (mód.  $p_A$ ) A, usando su clave privada  $(x_A)$ , calcula  $\mathbf{s} = (M - x_A) \cdot k_s^{-1}$  mód.  $(p_A - 1)$  A envía a B el mensaje M y la firma sobre éste,  $\sigma = (\mathbf{r}, \mathbf{s})$ 

$$(M, \sigma) = (M, r, s) = (M, g^{k_s} (m \circ d. p_A), (M - x_A. r) \cdot k_s^{-1} m \circ d. (p_A - 1))$$





Envío de un mensaje M ∈G(p<sub>A</sub>) firmado por A para B (parte 2)



B verifica la firma sobre M usando  $(p_A, g_A, y_A)$ , la clave pública de A, y acepta el mensaje firmado solo si el resultado es OK

$$V_1 = y_A^r$$
.  $r^s$  (mód.  $p_A$ );  $V_2 = g_A^M$  (mód.  $p_A$ );  $si V_1 \equiv V_2 \rightarrow OK$ ,  $si no, \bot$ 





#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



#### **Ataques**

- El objetivo para un atacante a un proceso de firma digital es crear firmas que sean aceptadas como válidas.
  - Rotura total: El atacante posee un algoritmo de firma funcionalmente equivalente al auténtico.
  - Rotura selectiva: El atacante es capaz de forjar una firma para un tipo particular de mensaje.
  - Rotura existencial: El atacante es capaz de forjar una firma para al menos un mensaje.



#### Ataques. RSA

 RSA de "libro-de-texto" es vulnerable a ataques de rotura existencial

#### Ataque 1:

C quiere crear una firma válida, como si la hubiese generado A

Supongamos que C conoce clave pública de A (e<sub>A</sub>, n<sub>A</sub>)

C escoge  $\sigma \in Z_{n_{\Delta}}$  aleatoriamente y calcula M =  $\sigma^{e_{A}}$  mód.  $n_{A}$ 

C envía a B el mensaje M y la firma "ficticia" sobre éste:

$$C \rightarrow B: (M, \sigma)$$

B verifica el mensaje recibido como efectivamente firmado por A, pues

$$M \equiv M' = \sigma^{e_A} \mod n_A \rightarrow OK$$



#### Ataques. RSA

#### Ataque 2:

C puede crear una firma válida, a partir de 2 generadas por A C obtiene dos pares de mensaje con su firma:

$$(M_1, \sigma_1); (M_2, \sigma_2)$$

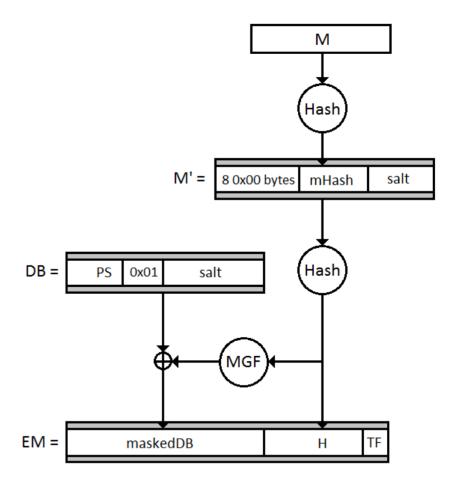
escoge  $\sigma \in Z_{n_A}$  aleatoriamente y calcula  $M = \sigma^{e_A}$  mód.  $n_A$  C puede crear una firma válida  $\sigma'$  para el mensaje  $M' = M_1 \cdot M_2$  mód.  $n_A$   $\sigma' = \sigma_1 \cdot \sigma_2 \text{ mód. } n_A$ 

B verifica el mensaje recibido como efectivamente firmado por A, pues  $M' \equiv \sigma'^{e_A} \mod n_A = \sigma_1^{e_A} \cdot \sigma_2^{e_A} \mod n_A = M_1 \cdot M_2 \mod n_A \rightarrow OK$ 

#### Ataques. RSA

#### Solución:

- Aplicar una función resumen al mensaje antes de firmar previene el éxito de estos ataques
- Sin embargo, esto no es suficiente para los estándares requeridos de seguridad. Es necesario convertir RSA en un esquema aleatorio
- RSA-PSS (Probabilistic Signature Scheme)
  - Se añaden unos rellenos (paddings)
     específicos y un valor aleatorio (salt) de
     forma parecida a la Figura adjunta





# Ataques. El Gamal

- Al igual que con RSA, El Gamal de "libro-de-texto" es vulnerable a ataques de rotura existencial
  - No veremos los detalles
- Solución:
  - Igual que con RSA, es necesario aplicar una función resumen al mensaje antes de firmar
  - Comúnmente se utiliza DSA o ECDSA (DSA sobre curvas elípticas escogidas cuidadosamente), aunque no todas las variantes ofrecen los niveles de seguridad requeridos en la actualidad



#### Índice

- 11. Esquemas de firma digital
  - Esquemas de firma digital
  - RSA (firma)
  - El Gamal (firma)
  - Ataques
  - Firma digital y cifrado



#### Firma digital y cifrado

- Para construir un canal seguro (confidencialidad, autenticación e integridad) con criptografía de clave pública es necesario combinar un criptosistema de clave pública y un esquema de firma digital seguros
- Durante las últimas décadas se ha estado discutiendo sobre las propiedades de seguridad de diversas construcciones
  - Sign-then-encrypt
  - Sign-and-encrypt
  - Encrypt-then-sign

Davis, D. (2001, June). Defective Sign & Encrypt in S/MIME, PKCS# 7, MOSS, PEM, PGP, and XML. In *USENIX Annual Technical Conference, General Track* (pp. 65-78). https://pdfs.semanticscholar.org/3de0/d2e8d6a46c07264bbe1cacefc446b35b2b7e.pdf



#### Firma digital y cifrado

- Finalmente se ha definido un nuevo esquema, denominado signcryption, y que debe garantizar que:
  - Si A envía un mensaje a B cifrado con uno de estos esquemas,
  - solo el receptor B puede acceder al mensaje, y
  - el receptor tiene garantías de que el mensaje proviene del emisor A
- Se admiten como combinaciones seguras sign-then-encrypt y encrypt-then-sign si se referencian las identidades del receptor (en la firma) y del emisor (en el cifrado), entre otras consideraciones



#### CURSO CRIPTOGRAFÍA Y SEGURIDAD INFORMÁTICA



uc3m Universidad Carlos III de Madrid

